

1. 找出由  $f(x) = 4x - x^2$  與  $x$  軸為界限的區域，對  $x$  軸旋轉而產生的旋轉體的體積。

2. 求算下列積分：①  $\int_1^\infty \frac{x}{(4+x^2)^{2/3}} dx$     ②  $\int_2^5 \frac{3}{\sqrt{x-2}} dx$

3. 求算下列：①  $\int_0^1 \int_0^x (2x + e^{-y}) dy dx$     ② 找出由  $f(x,y) = x+y$  為上界及

以在  $xy$  平面上，於  $g(x)=4x-x^2$  及  $h(x)=x$  之間的區域為下界的實體體積。

4. 檢定  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k k^2}{(k+1)!}$  的收斂性。

5. 求算下列積分： $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}(\frac{x-\mu}{\sigma})^2}$     其中  $e=2.71828\dots$ ,  $\pi=3.141592\dots$